МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ЯДЕРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ «МИФИ» (НИЯУ МИФИ)

ИНСТИТУТ ЯДЕРНОЙ ФИЗИКИ И ТЕХНОЛОГИЙ КАФЕДРА №40 «ФИЗИКА ЭЛЕМЕНТАРНЫХ ЧАСТИЦ»

УДК 539.1.05

Отчёт о научно-исследовательской работе Взаимодействие доменных стенок с газом скалярных частиц в ранней Вселенной

Студент группы М23-114

_____Д. П. Филиппов

Научный руководитель,

к.ф.- м.н., доц.

_____ А. А. Кириллов

Содержание

1	Модель доменной стенки	3
2	Эволюция доменной стенки	5
	2.0.1 Уравнение движения	9
	2.0.2 Численное решение	11
3	Эволюция стенки при аннигиляции частиц	13
4	Заключение	19

Введение

В ранней Вселенной могли образоваться топологические дефекты, такие как космические доменные стенки [1], из которых возможно образование первичных чёрных дыр (ПЧД), уже более 50 лет вызывающих значительный интерес. Возможность существования подобных объектов была предсказана Зельдовичем и Новиковым [2]. Несмотря на отсутствие прямых свидетельств их существования имеется множество наблюдательных данных, которые могут быть интерпретированы в рамках гипотезы о происхождении ПЧД [3] - [5]. Сеть доменных стенок может выступать в качестве темной энергии [6], с уравнением состояния $P = -\frac{2}{3}\rho$, так и в роли тёмной материи [7]. Они могут быть источниками потенциально наблюдаемые гравитационных волн [8].

В результате фазовых переходов вовремя и после инфляции образуются доменные стенки непрозрачные для скалярных частиц тёмной материи. Образовавшаяся стенка взаимодействует с частицами холодной темной материи (CDM) и рассеивает их кинетическую энергию [9]. В результате колебания доменной стенки затухают, энергия передается частицам CDM, что приводит к их дополнительному нагреву. Ранее было описано взаимодействие доменных стенок с горячей плазмой [9]. Взаимодействие стенок с фермионами показано в работе [12].

Показано, что гравитационные волны могут подвергаться преломлению доменными стенками [10]. Взаимодействие космологических доменных стенок с крупными классическими объектами, такими как планеты и спутники показано в работе [11].

В этой работе мы рассмотрим взаимодействие скалярных частиц CDM с доменной стенкой, чтобы изучить её эволюцию после завершения инфляции, в нерелятивистском пределе.

1 Модель доменной стенки

Рассмотрим модель в которой доменная стенка описывается комплексным скалярным полем

$$\phi = \frac{f}{\sqrt{2}}e^{i\theta} = \frac{f}{\sqrt{2}}e^{i\chi/f},\tag{1.1}$$

а лагранжиан стенки имеет вид

$$L_{wall} = \partial_{\mu}\phi^{+}\partial^{\mu}\phi - \frac{1}{4}\left(\phi^{+}\phi - \frac{f^{2}}{2}\right)^{2} - \Lambda^{4}(1 - \cos(\theta)), \qquad (1.2)$$

где ϕ — комплексное скалярное поле, θ — фаза. Подстановка уравнения (1.1) в (1.2) даст лагранжиан, который описывает фазу скалярного поля

$$L_{wall} = \frac{1}{2} (\partial_{\mu} \chi)^2 - \Lambda^4 (1 - \cos(\chi/f)).$$
(1.3)

Фаза χ определяется как в [14]

$$\chi(x) = 4f \arctan\left[\exp\left(\frac{\Lambda^2}{f}x\right)\right].$$
 (1.4)

Рассмотрим лагранжиан скалярного поля, колебания которого воспринимаются как частицы скрытой массы

$$L_{s} = (\partial_{\mu}\varphi)^{2} - \frac{1}{2}m^{2}\varphi^{2} - \frac{1}{2}\alpha_{0}\phi\varphi^{2} + h.c.$$
(1.5)

Лагранжиан взаимодействия частиц CDM и доменной стенки с учётом решения (1.4)

$$L_{int} = \frac{1}{2}\alpha_0(\phi + \phi^*)\varphi^2 = \frac{1}{2}\alpha_0 f\sqrt{2}\cos(\chi/f)\varphi^2 = = \frac{1}{2}\alpha_0 f\sqrt{2}\left(1 - \frac{2}{\cosh^2(2x/d)}\right)\varphi,$$
(1.6)

где $d=\frac{2f}{\Lambda^2}-$ толщина доменной стенки. Используя уравнение Эйлера-Лагранжа,

мы получим уравнение Клейна-Гордона

$$\left(\partial_{\mu}^{2} + m^{2} + \sqrt{2}\alpha_{0}f - \sqrt{2}\alpha_{0}f\frac{2}{\operatorname{ch}^{2}(2x/d)}\right)\varphi = 0.$$
(1.7)

Решение ищем в виде

$$\varphi(t, x, y, z) = \varphi_0(x) \cdot e^{-iEt + ip_y y + ip_z z}, \qquad (1.8)$$

тогда уравнение движения примет вид

$$\left(-\frac{\partial^2}{\partial x^2} - p_x^2 + \sqrt{2}\alpha_0 f - \sqrt{2}\alpha_0 f \frac{2}{\operatorname{ch}^2(2x/d)}\right)\varphi_0(x) = 0.$$
(1.9)

Коэффициент прохождения согласно квантовой механике примет вид [15]

$$D = \frac{\sinh^2 q}{\sinh^2 q + \cosh^2 w},\tag{1.10}$$

где *q* и *w* определены как

$$q = \frac{\pi}{2} d\sqrt{p^2 + \sqrt{2\alpha_0 f}},$$

$$w = \frac{\pi}{2} \sqrt{1 + 2\sqrt{2\alpha_0 f} d^2}.$$
(1.11)

2 Эволюция доменной стенки

На рисунке 1 показана схема эволюции стенки и космологического горизонта с момента завершения инфляции. Горизонт эволюционирует пропорционально t, в то время как доменная стенка как \sqrt{t} . После пересечения с космологическим горизонтом доменная стенка продолжит своё расширение с некоторой начальной скоростью, однако мы примем начальную скорость равную 0.



Рисунок 1 — Схема эволюции горизонта и доменной стенки

Определим момент, когда произошло пересечение доменной стенки и горизонта

$$z + 1 = \frac{a_0}{a},$$

$$\frac{dz}{dt} = -\frac{a_0}{a^2}\frac{da}{dt} = -(z+1)H(z),$$

$$\int_0^t dt = -\int_\infty^z \frac{1}{H}\frac{dz}{(z+1)} = \int_z^\infty \frac{dz}{H(z+1)}.$$
(2.1)

На RD стадии по плотности преобладает релятивистское вещество, поэтому

$$H(z) \approx H_0(z+1)^2 \sqrt{\Omega_{r,0}},$$
 (2.2)

тогда интеграл (2.1) примет вид

$$\int_{0}^{t} dt = \frac{1}{H_0 \sqrt{\Omega_{r,0}}} \int_{z}^{\infty} \frac{dz}{(z+1)^3},$$

$$t = \frac{1}{2H_0 \sqrt{\Omega_{r,0}} (z+1)^2},$$
(2.3)

откуда получим параметр красного смещения

$$z_i + 1 = \sqrt{\frac{1}{2H_0\sqrt{\Omega_{r,0}}t_i}},$$
(2.4)

где $\Omega_{r,0} = 5.4 \cdot 10^{-5}$ — современное значение доли релятивистского вещества, $H_0 = 67 \frac{\text{км}}{\text{с-MIIk}}$ — современное значение постоянной Хаббла. Момент пересечение стенки и горизонта может быть найден как [12]

$$t_{i} = \frac{R_{inf}}{2} \sqrt{\frac{t_{i}}{t_{inf}}},$$

$$t_{i} = \frac{R_{inf}^{2}}{4t_{inf}}.$$
(2.5)

Радиус доменной стенки в этот момент определяется

$$r_{i} = R_{inf} \sqrt{\frac{t_{i}}{t_{inf}}},$$

$$r_{i} = \frac{R_{inf}^{2}}{2t_{inf}},$$
(2.6)

 R_{inf} — размер доменной стенки на момент завершения инфляции, t_{inf} — время завершения инфляции. Полагая, что доменная стенка образовалась на

20 е-фолде [12]

$$R_{inf} = \frac{e^{N_{inf} - N}}{H_{inf}} = \frac{e^{60 - 20} \cdot 0.2\Gamma \Im B \cdot 10^{-13} c_{\rm M}}{10^{13}\Gamma \Im B} = 4.7 \cdot 10^{-10} c_{\rm M},$$

$$t_{inf} = \frac{N_{inf}}{H_{inf}} = \frac{60 \cdot 0.2\Gamma \Im B \cdot 10^{-13} c_{\rm M}}{10^{13}\Gamma \Im B \cdot 3 \cdot 10^{10} c_{\rm M}/c} = 4.7 \cdot 10^{-36} c.$$
(2.7)

Тогда время (2.5), радиус (2.6) и параметр красного смещения (2.4) примут значения

$$t_{i} = \frac{1}{(3 \cdot 10^{10} \text{cm/c})^{2}} \frac{(4.7 \cdot 10^{-10} \text{cm})^{2}}{4(4.7 \cdot 10^{-36} \text{c})} = 1.534 \cdot 10^{-5} \text{c},$$

$$r_{i} = \frac{1}{3 \cdot 10^{10} \text{cm/c}} \frac{(4.7 \cdot 10^{-10} \text{cm})^{2}}{2(4.7 \cdot 10^{-36} \text{c})} = 9.2 \cdot 10^{5} \text{cm},$$

$$z_{i} + 1 = \sqrt{\frac{10^{6} \cdot 3 \cdot 10^{18} \cdot \text{cm} \cdot \text{c}}{2 \cdot 67 \cdot 10^{5} \cdot \text{cm} \cdot \sqrt{5.4 \cdot 10^{-5}} \cdot 1.534 \cdot 10^{-5} \cdot \text{c}}} = 1.4 \cdot 10^{12}.$$
(2.8)

Отцепление CDM произошло, при

$$(z_* + 1) = \frac{T_*}{T_0} = \frac{2.4 \cdot 10^6 \cdot 1.2 \cdot 10^4}{2.7} = 1.07 \cdot 10^{10}, \qquad (2.9)$$

где $T_* = 2.4$ МэВ — температура при которой произошло отцепление CDM от плазмы [13]. Начальная температура

$$T_i = T_* \frac{(z_i + 1)^2}{(z_* + 1)^2} = 2.4 \cdot 10^{-3} \Gamma \Im B \frac{(1.4 \cdot 10^{12})^2}{(1.07 \cdot 10^{10})^2} = 41 \ \Gamma \Im B,$$
(2.10)

откуда получаем значение начального импульса

$$p_i^2 = 3mT = 3 \cdot 10^3 \ \Gamma \Im B \cdot 41 \ \Gamma \Im B = 1.23 \cdot 10^5 \ \Gamma \Im B^2.$$
 (2.11)

Взаимодействие частиц DM с плазмой не учитываем. При параметрах $f = 10^{13}$ ГэВ, $\Lambda = 0.05$ ГэВ, толщина доменной стенки примет значение

$$d = \frac{2f}{\Lambda^2} = \frac{2 \cdot 10^{13} \ \Gamma \Im B}{(0.05 \ \Gamma \Im B)^2} = 160 \ \text{cm.}$$
(2.12)

Наконец можем определить коэффициент прохождения частиц с кон-

стантой взаимодействия $\alpha_0 = 1$ ГэВ

$$q = \frac{\pi}{2} d\sqrt{p_i^2 + \sqrt{2\alpha_0 f}} = 4.7 \cdot 10^{22},$$

$$w = \frac{\pi}{2} \sqrt{1 + 2\sqrt{2\alpha_0 f} d^2} = 6.7 \cdot 10^{22}.$$
(2.13)

$$D = \frac{\sinh^2 q}{\sinh^2 q + \cosh^2 w} \approx \frac{1}{1 + \exp 2(w - q)} \approx 0.$$
(2.14)

Чтобы коэффициент был отличен от 0, необходимо чтобы разница w-q была минимальной или равнялась 0

$$w - q = 0$$

$$p_2^2 = \sqrt{2}\alpha_0 f = \sqrt{2} \cdot 10^{13} \ \Gamma \Im B.$$
(2.15)

При таком значении импульса частиц, коэффициент прохождения достигнет максимального значения $D = \frac{1}{2}$. В таком случае температура частиц должна возрасти в

$$\frac{p_2^2}{p_i^2} = \frac{T_2}{T_i} = 1.15 \cdot 10^8.$$
(2.16)

Вычислим тензор энергии-импульса для лагранжиана стенки (1.2)

$$T_{\mu\nu} = \frac{\partial L_{wall}}{\partial (\partial^{\mu} \chi)} (\partial_{\nu} \chi) - g_{\mu\nu} L_{wall}.$$
(2.17)

Ненулевые компоненты тензора с учётом (1.4) имеют вид

$$T_{00} = -T_{22} = -T_{33} = \Lambda^4 (1 - \cos(\chi/f)) = 2\Lambda^4 \frac{1}{\cosh^2(2x/d)}.$$
 (2.18)

Теперь найдём поверхностную плотность энергии доменной стенки

$$\mu = \int_{-\infty}^{\infty} T_{00}(x) dx = 4f\Lambda^2 = 10^{12} \ \Gamma \mathfrak{s} \mathfrak{B}^3.$$
(2.19)

2.0.1 Уравнение движения

Рассмотрим уравнение движения доменной стенки

$$\ddot{r} = \frac{P(r(t))}{\mu} - \frac{2\pi}{r(t)} - \frac{P_1(t)}{\mu}, \qquad (2.20)$$

где t — время, r — радиус стенки, P —давление газа внутри доменной стенки, P_1 —давление газа снаружи стенки, μ —поверхностная плотность стенки. Первое слагаемое определяет давление газа внутри стенки, второе силу поверхностного натяжения и третье давление газа снаружи. В силу космологического расширения Вселенной, в приближении не будем учитывать внешнее давление плазмы P_1 . Согласно результатам полученным ранее, стенка является непрозрачной для частиц, значит сжатие газа будет адиабатическим

$$PV^{\frac{5}{3}} = P_{CDM}V_i^{\frac{5}{3}}.$$
 (2.21)

Тогда давление изменяется с радиусом как

$$P = P_{CDM} \left(\frac{r_i}{r}\right)^5. \tag{2.22}$$

Давление частиц скрытой массы

$$P_{CDM} = nkT = \frac{\rho_{CDM}}{m_{CDM}}kT = \Omega_{CDM,0}\rho_{c,0}(z_i + 1)^3 \frac{kT}{m_{CDM}},$$
 (2.23)

 $\Omega_{CDM,0} = 0.27$ - современное значение доли частиц скрытой массы, $\rho_{c,0} = 5.2 \cdot 10^{-6} \frac{\Gamma_{9B}}{c_{M^3}}$ - современное значение критической плотности, $m_{CDM} = 10^3 \Gamma_{9B}$ - масса частиц CDM. Начальное давление (2.23) примет значение

$$P_{CDM} = 0.27 \cdot 5.2 \cdot 10^{-6} \frac{\Gamma \Im B}{CM^3} \frac{2.4 \cdot 10^6 \Im B \cdot (1.4 \cdot 10^{12})^5}{10^3 \cdot 10^9 \Im B (1.07 \cdot 10^{10})^2} = 1.58 \cdot 10^{29} \frac{\Gamma \Im B}{CM^3}.$$
 (2.24)

Гравитационный радиус будет определяться суммой масс доменной стенки и вещества запертого в нём

$$r_g = 2G(M + M_{DW}). (2.25)$$

Масса доменной стенки

$$M_{DW} = 4\pi r_i^2 \mu = \frac{4\pi \cdot (9.2 \cdot 10^5 \text{cm})^2 \cdot 10^{13} \Gamma \Im B^3}{(0.2\Gamma \Im B \cdot 10^{-13} \text{cm})^2} = 2.66 \cdot 10^{52} \Gamma \Im B =$$
(2.26)
= $4.43 \cdot 10^{28} \Gamma = 2.22 \cdot 10^{-5} \text{M}_{\odot},$

масса вещества

$$M = V_i \rho_i = \frac{4}{3} \pi r_i^3 \rho_{c,0} \Omega_{CDM,0} (z_i + 1)^3 =$$

= $\frac{4}{3} \pi \cdot (9.2 \cdot 10^5 \text{cm})^3 \cdot 5.2 \cdot 10^{-6} \frac{\Gamma \Im B}{\text{cm}^3} \cdot 0.27 \cdot (1.4 \cdot 10^{12})^3 =$ (2.27)
= $1.26 \cdot 10^{49} \Gamma \Im B = 2.1 \cdot 10^{25} \Gamma = 1.05 \cdot 10^{-8} M_{\odot}$

Так как масса доменной стенки больше массы вещества запертого в нём, гравитационный радиус примет значение

$$r_g = 2 \cdot 2.66 \cdot 10^{52} \Gamma_{\vartheta} B \cdot \frac{0.2 \Gamma_{\vartheta} B \cdot 10^{-13} c_M}{(1.2 \cdot 10^{19} \Gamma_{\vartheta} B)^2} = 7.4 c_M.$$
 (2.28)

2.0.2 Численное решение

Перепишем уравнение (2.20) с учётом (2.22)

$$\ddot{r} = \frac{P_{CDM}}{\mu} \left(\frac{r_i}{r}\right)^5 - \frac{2\pi}{r}.$$
(2.29)

Обезразмерим это уравнение определив радиус стенки как $\frac{r_i}{r} = \frac{1}{x}$, а время $\frac{t_i}{t} = \frac{1}{\tau}$. Тогда уравнение (2.29) примет вид

$$\ddot{x} = \frac{P_{CDM}t_i^2}{r_i\mu} \left(\frac{1}{x}\right)^5 - \frac{2\pi}{x} \left(\frac{t_i}{r_i}\right)^2, \qquad (2.30)$$

где безразмерные параметры имеют значения

$$\frac{P_{CDM}t_i^2}{r_i\mu}(\hbar c \cdot c)^2 = 1.51 \cdot 10^{-5}, \qquad (2.31)$$
$$\left(\frac{t_ic}{r_i}\right)^2 = 0.25.$$

В нашем приближении начальная скорость стенки после пересечения космологического горизонта равна 0, значит начальные условия имеют вид $\dot{r}(t_i) = 0, r(t_i) = r_i$, которые после обезразмеривания примут значения $\dot{x}(1) = 0, x(1) = 1$. После того как все параметры определены, уравнение (2.30) может быть решено численно. На рисунках 2 и 3 показано изменение радиуса доменной стенки в безразмерных координатах.

Из рисунка 3 следует, что на момент времени $t = 0.9965t_i = 1.53 \cdot 10^{-5}$ с минимальный радиус доменной стенки составлял $r = 0.0285r_i = 2.6 \cdot 10^4$ см. Очевидно, что доменная стенка не пересекается с гравитационным радиусом, равным 7.4 см, следовательно, чёрная дыра не образуется.



Рисунок 2 — Изменение радиуса доменной стенки



Рисунок 3 — Минимальное значение радиуса

3 Эволюция стенки при аннигиляции частиц

Изучим теперь эволюцию доменной стенки с учётом аннигиляции частиц CDM. Так как частицы CDM в начальный момент являются нерелятивистскими, то уравнение движения примет вид

$$\ddot{r} = \frac{1}{\mu}nT - \frac{2\pi}{r}.$$
(3.1)

Изменение концентрации будет описываться уравнением

$$\dot{n} = -\frac{1}{2} \langle \sigma v \rangle n^2 - 3n \frac{\dot{r}}{r}, \qquad (3.2)$$

где первое слагаемое описывает изменение концентрации в процессе аннигиляции частиц, а второе изменение концентрации за счёт изменения радиуса. Температура частиц будет изменяться в следствии изменения радиуса доменной стенки. Получим систему уравнений

$$\begin{cases} \dot{T} = -2T\frac{\dot{r}}{r} \\ \dot{n} = -\frac{1}{2}\langle \sigma v \rangle n^2 - 3n\frac{\dot{r}}{r} \\ \ddot{r} = \frac{1}{\mu}nT - \frac{2\pi}{r}. \end{cases}$$
(3.3)

Обезразмеренная система уравнений имеет вид

$$\begin{cases} \dot{\tilde{T}} = -2\tilde{T}\frac{\dot{\tilde{r}}}{\tilde{r}} \\ \dot{\tilde{n}} = -C\tilde{n}^2 - 3\tilde{n}\frac{\dot{\tilde{r}}}{\tilde{r}} \\ \ddot{\tilde{r}} = D\tilde{n}\tilde{T} - \frac{E}{\tilde{r}}, \end{cases}$$
(3.4)

где параметры уравнений при сечении взаимодействия $\langle \sigma v \rangle = 3 \cdot 10^{-26} \frac{\mathrm{cm}^3}{\mathrm{c}}$ имеют значения

$$\begin{cases} C = \frac{1}{2} n_i t_i \langle \sigma v \rangle = 8.85 \cdot 10^{-4} \\ D = \frac{1}{\mu} \frac{t_i^2 n_i T_i}{r_i} = 1.45 \cdot 10^{-5} \\ E = 2\pi \left(\frac{t_i}{r_i}\right)^2 = 0.5\pi, \end{cases}$$
(3.5)

с начальной концентрацией

$$n_{i} = \frac{\rho_{CDM}}{m_{CDM}} = \frac{\Omega_{CDM,0} \cdot \rho_{c,0}}{m_{CDM}} (z_{i} + 1)^{3}$$

$$= \frac{0.27 \cdot 5.2 \cdot 10^{-6}}{10^{3}} (1.4 \cdot 10^{12})^{3} = 3.85 \cdot 10^{27} \frac{1}{\text{cm}^{3}}.$$
(3.6)

Численное решение системы уравнений (3.4) показано на рисунке 4. Вследствие аннигиляции частиц, после первого сжатия доменной стенки, давление оказывается недостаточным для того, чтобы радиус стенки и температура частиц вернулись к первоначальным значениям. Температура частиц после каждого последующего расширения, будет принимать значения больше первоначального. Концентрация частиц будет уменьшаться в процессе аннигиляций, а температура возрастать как показано на рисунках 5 и 6.

Минимальное значение радиуса также будет уменьшаться, но как следует из рисунка 8 пересечения с гравитационным радиусом не будет, так как он также будет уменьшаться вследствие аннигиляций частиц, рисунок 7.



Рисунок 4 — Результат численного решения системы 3.4



Рисунок 5 — Изменение концентрации







Рисунок 7 — Изменение гравитационного радиуса



Рисунок 8 — Сравнение радиуса доменной стенки и её гравитационного радиуса

Чтобы убедиться в правильности нашего решения рассмотрим несколько случаев с разным значением $\langle \sigma v \rangle$. Очевидно, что при уменьшении сечения, аннигиляция частиц должна происходить менее активно, а значит радиус стенки будет изменяться так же как и в случае без аннигиляции. На рисунке 9 показано 4 случая изменения радиуса стенки - с сечением взаимодействия $\langle \sigma v \rangle$ равным 10^{-26} , 10^{-27} , 10^{-29} , 0 см³/с.

Из рисунков 9 и 10 видно, что при уменьшении сечения взаимодействия, изменение радиуса стенки становиться схожим со случаем без аннигиляций, описанным ранее.



Рисунок 9— Изменение радиуса стенки при различных значениях сечения взаимодействия



Рисунок 10 — Изменение радиуса стенки при различных значениях сечения взаимодействия

4 Заключение

Появление первичных чёрных дыр в результате взаимодействия доменных стенок с окружающей средой является важным процессом, который может повлиять на эволюцию вселенной. В этой работе мы определили вероятность отражения частиц DM. Изучили эволюцию доменных стенок с запертым в нём нерелятивистским газом частиц DM.

В дальнейшем будет изучена эволюция доменных стенок с запертым в нём релятивистским газом скалярных частиц, и рассмотрены случаи при пересечении гравитационного радиуса доменной стенки.

Литература

- A. Vilenkin, "Cosmic strings and domain walls.", Phys. Rep.121, 263–315 (1985).
- [2] Y. B. Zel'dovich and I. Novikov, "The hypothesis of cores retarded during expansion and the hot cosmological model", Soviet Astronomy 10, 602 (1967).
- [3] S. Clesse and J. Garc´ıa-Bellido, "Seven Hints for Primordial Black Hole Dark Matter", Phys. Dark Univ. 22, 137–146 (2018), arXiv:1711. 10458 [astro-ph.CO].
- [4] A. Kashlinsky et al., "Electromagnetic probes of primordial black holes as dark matter", (2019), arXiv:1903.04424 [astro-ph.CO].
- [5] B. Carr and F. Kuhnel, "Primordial Black Holes as Dark Matter: Recent Developments", (2020), arXiv:2006.02838 [astro-ph.CO].
- [6] A. Friedland, H. Murayama, and M. Perelstein, "Domain walls as dark energy", Phys. Rev. D 67, 043519, 043519 (2003), arXiv:astroph/0205520 [astro-ph].
- [7] M. Bucher and D. Spergel, "Is the dark matter a solid?", Phys. Rev. D 60, 043505, 043505 (1999), arXiv:astro ph / 9812022 [astro-ph].
- [8] E. Babichev et al., "Gravitational shine of dark domain walls", J. Cosmol. Astropart. Phys. 2022, 028, 028 (2022), arXiv:2112. 12608 [hep-ph].
- [9] A. A. Kurakin and S. G. Rubin, "The interaction of domain walls with fermions in the early Universe", arXiv e-prints, arXiv:2011.01757 (2020), arXiv:2011.01757 [physics.gen-ph]
- [10] L. Bento and J. P. Lemos, "Interaction between gravitational waves and domain walls", Phys. Rev. D 64, 024011, 024011 (2001), arXiv:gr-qc/0104015 [gr-qc]
- [11] D.-C. Dai, D. Minic, and D. Stojkovic, "Interaction of cosmological domain walls with large classical objects, like planets and satellites, and the flyby anomaly", J. High Energ. Phys. 2022, 207 (2022), arXiv:2105.01894 [gr-qc]

- [12] K. M. Belotsky et al., "Clusters of primordial black holes", Eur. Phys. J. P 79, 246 (2019), arXiv:1807.06590 [astro-ph.CO].
- [13] T. Bringmann and S. Hofmann, "Thermal decoupling of WIMPs from first principles", J. Cosmol. Astropart. Phys. 2007, 016, 016 (2007), arXiv:hepph/0612238 [hep-ph].
- [14] R. Rajaraman, Solitons and instantons: an introduction to solitons and instantons in quantum field theory, North-Holland personal library (North-Holland Publishing Company, 1982).
- [15] L. D. Landau and E. M. Lifshitz, Theoretical physics in 10 volumes. V. 3: Quantum Mechanics - 5th ed., 2002.