# ПРОБЛЕМА ФОРМИРОВАНИЯ УГЛОВЫХ МОМЕНТОВ ОСКОЛКОВ ПРИ ДЕЛЕНИИ ЯДЕР



Научный руководитель:

д.ф.-м.н., проф. Барабанов А. Л

- 1 Постановка проблемы
- 2 Важность
- З Цель исследования
- 4 Квантовое описание состояния ядра
- Б Распределение по к1
- 6 Распределение по L
- 7 Заключение
- 8 Литературы



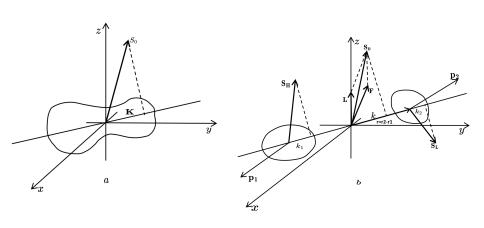


Рис. 1: до деления (а) и после деления (b).

# Постановка проблемы



- Как фрагменты, образующиеся при ядерном делении, приобретают свои собственные спины  $S_H$  и  $S_L$ , и какие механизмы отвечают за генерацию относительного орбитального момента L этих фрагментов?
- Из эксперимента следует, что спиральность  $K_1$  и  $K_2$  очень маленькие, и возникает проблема почему они такие.



- Угловой момент играет важную роль в ядерном делении, особенно в понимании испускании гамма кванты.
- Когда происходит деление, фрагменты находятся в возбужденном состоянии и освобождают энергию возбуждения, испуская 0-2 нейтрона и 1-3 гамма кванты, каждый из которых несет около 2 единиц углового момента.
- Спонтанное деление <sup>252</sup> Cf, которое начинается с нулевым угловым моментом, вызывает вопросы о внутреннем генерировании 5-7 единиц углового момента в каждом фрагменте.

#### Цель исследования



Квантово механическое рассмотрение задачи с учётом принципа неопределённости Гейзенберга и установление связи между величинами, которые не являются одновременно измеримыми.

#### Квантовое описание состояния ядра



- В квантовой механике важно понимать ограничения одновременного измерения физических величин, такие как принцип неопределенности Гейзенберга, который гласит, что точное измерение одной величины ограничивает точность другой.
- Сушествует 3 наиболее важных набора коммутирующих операторов и соответствующих им собственных векторов (записаны в краткой форме, указаны только различающиеся квантовые числа):

$$\hat{\vec{J}}^{2}, \hat{M}, \hat{\vec{S}}_{H}^{2}, \hat{\vec{S}}_{L}^{2}, \hat{\vec{F}}^{2}, \hat{K} \qquad |F, K\rangle$$

$$\hat{\vec{J}}^{2}, \hat{M}, \hat{\vec{S}}_{H}^{2}, \hat{\vec{S}}_{L}^{2}, \hat{\vec{F}}^{2}, \hat{\vec{L}}^{2} \qquad |F, L\rangle$$

$$\hat{\vec{J}}^{2}, \hat{M}, \hat{\vec{S}}_{H}^{2}, \hat{\vec{S}}_{L}^{2}, \hat{K}_{1}, \hat{K}_{2} \qquad |K_{1}, K_{2}\rangle$$

Здесь  $J \equiv S_0$  и  $M \equiv J_z$ 

### Квантовое описание состояния ядра



Для простоты рассмотрим случай спонтаного деления  $^{252}Cf$ . В этом случае начальный спин  $S_0=0$ , а угловой момент L=F. Спиральности полученных фрагментов связаны уравнением  $K_1=-K_2$ . Квантовое состояние  $|F,0\rangle$  можно представить в следующем виде:

$$|L, K = 0\rangle = \sum_{K_1} C_{S_H K_1 S_L - K_1}^{F_0} |K_1, -K_1\rangle \tag{1}$$

$$\langle L, 0 | \Psi \rangle = \sum_{K_1} C_{S_H K_1 S_L - K_1}^{L0} \langle K_1, -K_1 | \Psi \rangle$$
 (2)

Это и есть связь между амплитудой обнаружения орбитального момента L и амплитудой обнаружения спиральности  $K_1$  причем  $K_2 = -K_1$ 

#### Распределение по к1



- Экспериментальные данные показывают, что основные фрагменты деления в среднем имеют спины с величинами от  $5\hbar$  до  $7\hbar$ , ориентированные примерно перпендикулярно оси деления. Это наблюдение подразумевает, что проекция спина фрагмента деления вдоль оси деформации мала (J.N. Wilson, 2021; R. Vogt, 2021).
- В ряде научных статей отмечается, что распределение угловых моментов, включая спин и орбитальный момент, является гауссовским (Т. Dossing, 2024).
- Предлагается узкое распределение  $P(K_1)$  спиральности для фрагментов деления.(принято  $S_H = 6\hbar$  и  $S_L = 5\hbar$ )

$$P(K_1) \backsim \exp\left(-\frac{K_1^2}{2\sigma_{K_1}^2}\right) \tag{3}$$



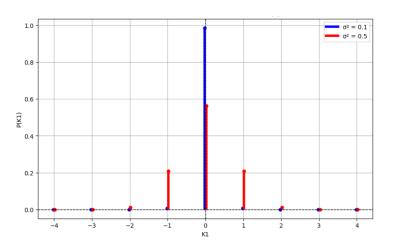


Рис. 2: Распределение P(K1) спиральности осколька деления



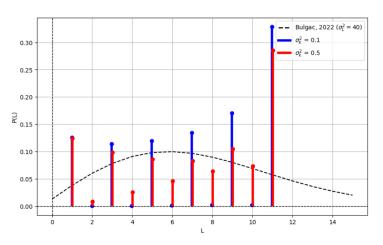


Рис. 3: Распределение P(L) орбитального момента

## Распределение по K1 из Распределение по L



- Фрагменты появляются с угловыми моментами, которые почти перпендикулярны направлению их относительного движения, что приводит к высокому компенсирующему орбитальному угловому моменту (в случае ядра калифорния).
- Разделение фрагментов включает только колебательные и изгибные вращательные режимы, которые способствуют образованию значительного углового момента.
- Предлагается гаусовское распределение P(L) орбитального момента, которое следует вышеизложенным фактам в следующей форме:

$$P(L) \sim \exp\left(-\frac{(L-\mu)^2}{2\sigma_L^2}\right)$$
 (4)

# Распределение по K1 из Распределение по L



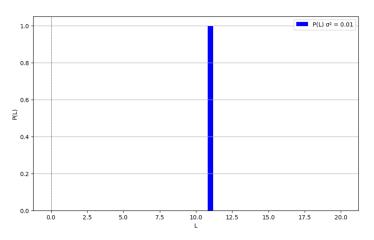


Рис. 4: Распределение P(L) орбитального момента

# Распределение по K1 из Распределение по L



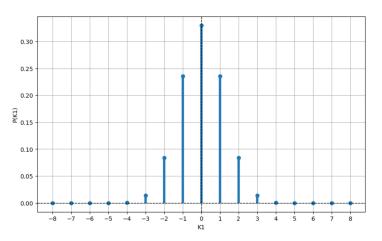


Рис. 5: Распределение P(K1) спиральности осколька деления



- Получено соотношение между амплитудами, вероятностями образования орбитальных моментов и спиральностей
- Показано, что если распределение по спиральности является узким вблизи K=0, то распределение по орбитальному моменту не будет гауссовским(противоречие с моделью FREYA)
- Показано, что для получения узкого распределения (вблизи K=0) спиральности фрагмента деления для случая  $^{252}$ Cf распределение орбитального момента должно иметь значительный максимум при  $L\approx S_H+S_L$

### Список литературы



- J.N. Wilson et al. Angular momentum generation in nuclear fission // Nature. 2021. V. 590: 566.
- R. Vogt and J. Randrup. Angular momentum effects in fission // Phys. Rev. C. 2021. V. 103: 014610.
- 3 A. Bulgac et al. Fragment intrinsic spins and fragments' relative orbital angular momentum in nuclear fission // Phys. Rev. Lett. 2022. V. 128: 022501.
- T. Dossing et al. Angular Momentum in fission fragments // Phys. Rev. C. 2024. V. 109: 034615.