# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»

Отчет о научно-исследовательской работе на тему:

Изучение коллективных потоков идентифицированных адронов в столкновениях ядер золота при энергиях программы сканирования BES-I эксперимента STAR (RHIC)

Научный руководитель ст. преп. ООП ОЯФиТ	Г.А. Нигматкулов
Выполнил студент группы М19-115	А.С. Поваров

# Содержание

В	веде	ние	3
1.	Эксперимент STAR		5
	1.1.	Время-проекционная камера ТРС	6
	1.2.	Время-пролетная система TOF	6
2.	Me	год измерения коллективных потоков	8
	2.1.	Оценка угла плоскости события	8
	2.2.	Коррекции угла плоскости события	8
	2.3.	Измерение величины коллективного потока	9
	2.4.	Метод двух подсобытий	10
3.	Рез	ультаты измерения коллективных потоков	11
	3.1.	Отбор событий	11
		Отбор треков и идентификация частиц	11
	3.3.	Вычисление разрешения плоскости реакции	12
	3.4.	Коллективные потоки идентифицированных адронов	13
3-	у С П ГО	<b>ПОПИО</b>	16

## Введение

Анализ азимутальной анизотропии, возникающей в ядро-ядерных столкновениях, является важным направлением современной физики высоких энергий. Азимутальная анизотропия позволяет получить информацию о природе и свойствах вещества, образующегося в таких столкновениях. Анизотропный поток чувствителен к взаимодействиям частиц на самых ранних стадиях эволюции системы. В этом смысле коллективный поток — это уникальная величина, которая напрямую дает информацию о системе на ранних стадиях ее эволюции, когда вещество находится в стадии кварк-глюонной материи.

В нецентральных столкновениях плоскость реакции определяется направлениями вектора прицельного параметра столкновения  $\vec{b}$  (вектор в поперечной плоскости между центрами ядер) и оси пучка. В момент столкновения область перекрытия ядер имеет эллипсоидальную форму. У возникшего эллипса в поперечной плоскости большая ось, перпендикулярна плоскости реакции. Когда вещество начинает остывать, то в этой области создаются градиенты давления, как следствие пространственной анизотропии системы. Максимальное давление возникает вдоль меньшей оси эллипсоида, то есть в плоскости реакции, минимальное - вдоль большей оси. В результате импульсное распределение частиц становится анизотропным [1].

Существование азимутальной анизотропии частиц может объясняться тем, что выход частиц, которые были измерены в конечном состоянии системы, зависит не только от физических условий, созданных ограниченно в точке их рождения, но и от геометрии события.

Анализ азимутальной анизотропии проводится с помощью разложения в ряд Фурье распределения частиц по азимутальному углу  $\phi$  [2]:

$$E\frac{d^{3}N}{d^{3}p} = \frac{1}{2\pi} \frac{d^{2}N}{p_{T}dp_{T}dy} \left( 1 + \sum_{n=1}^{\infty} 2\nu_{n} \cos\left(n(\phi - \Psi_{RP})\right) \right)$$
(1)

где E - энергия частицы,  $p_T$  - поперечный импульс, у - быстрота,  $\phi$  - азимутальный угол частицы,  $\Psi_{RP}$  - азимутальный угол плоскости реакции.

Направленный поток  $v_1$  характеризует средний импульс, приобретенный частицей вдоль направления прицельного параметра. Эллиптический поток  $v_2$  дает информацию о величине градиентов давления при расширении системы, эффективных степенях свободы и степени термализации на ранних этапах столкновения. Положительные значения  $v_2$  указывают на превышение рождения частиц в плоскости реакции. Треугольный поток  $v_3$  и более высшие нечетные гармоники связаны с флуктуациями формы области перекрытия ядер и плотности энергии во время столкновения. Форма области перекрытия ядер в событии может сильно отличаться от эллиптической в силу флуктуаций, что приводит к ненулевым значениям нечетных коэффициентов  $v_n$  [3].

В данной работе измеряются эллиптические и треугольные потоки идентифицированных адронов при энергиях программы сканирования BES-I эксперимента STAR: 11.5, 14.5, 19.6, 27, 39, 62.4 ГэВ на нуклонную пару. Изучается разность потоков частиц и их античастиц как функция энергии пучка для разных интервалов центральности.

# 1. Эксперимент STAR

Коллайдер релятивистских тяжелых ионов расположен (RHIC) в Брукхейвенской национальной лаборатории, штат Нью-Йорк. В четырех точках коллайдера находятся экспериментальные установки STAR, PHENIX, BRAHMS и PHOBOS. На сегодняшний день функционирует только STAR. Эксперимент STAR (Solenoidal Tracker At RHIC) является одним из основных детекторных комплексов на коллайдере релятивистских тяжелых ионов RHIC. В столкновении тяжелых ионов рождается большое количество частиц. Например, около 1000 первичных частиц рождается в центральных столкновениях Au+Au. Во взаимодействиях первичных частиц с веществом детектора и при распадах короткоживущих частиц рождается большое количество вторичных частиц. Все эти частицы регистрируются детекторным комплексом STAR. В эксперименте STAR исследуется структура нуклонов и свойства кварк-глюонной материи, которая возникает в месте столкновения ядер.

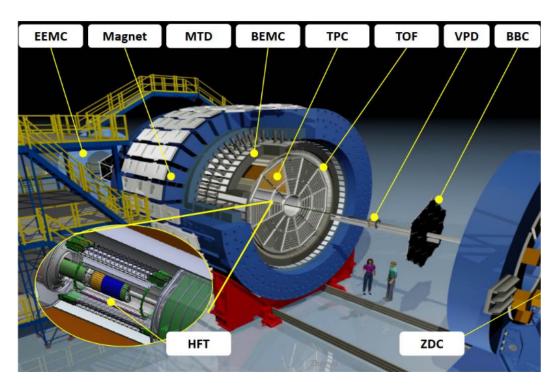


Рис. 1. Эксперимент STAR.

Эксперимент состоит из нескольких типов детекторов, предназначенные для регистрации и идентифицирования частиц. Схема эксперимента STAR показана на рисунке 1. Основными детекторами, данные с которых использовались в работе, являются время-проекционная камера (TPC - Time Projection Chamber) и время-пролетная система (TOF - Time-of-Flight).

#### 1.1. Время-проекционная камера ТРС

Время-проекционная камера (TPC) - является основным детектором эксперимента STAR [5]. ТРС используется для реконструкции треков, измерения импульса частицы и ее ионизационных потерь, на основе которых проводят идентификацию частиц. Дрейфовая ячейка, с внешним диаметром 4 метра, заполнена газом и имеет систему градиентных колец, с помощь которой в ней создается однородное электрическое поле. Камера находится внутри магнитного поля с индукцией 0,5 Тл [6]. Объем камеры заполнен смесью метана и аргона в соотношении 1:9 под давлением на 2 мбар выше атмосферного [7]. При пролете частицы через ТРС образуются ионизационные кластеры, который дрейфуют в направлении торцов детектора. Время-проекционная камера позволяет измерять импульс от 100 МэВ/с. ТРС покрывает диапазон псевдобыстроты  $|\eta| < 1$  и весь диапазон по азимутальному углу  $0 < \phi < 2\pi$ .

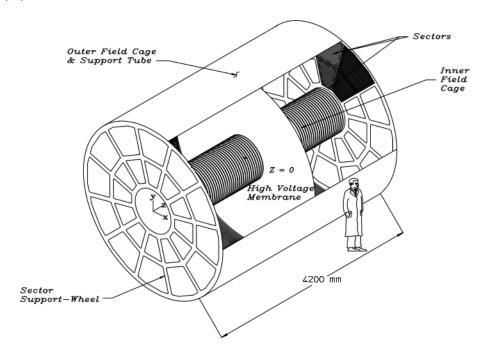


Рис. 2. Принципиальная схема время-проекционной камеры (TPC) установки STAR на RHIC.

Плюсом для регистрации большого количества частиц является возможность создания трехмерного изображения треков. Благодаря пропорциональному режиму регистрации отдельных кластеров, время-проекционная камера позволяет также измерить удельные ионизационные потери частицы dE/dx.

## 1.2. Время-пролетная система ТОГ

Для увеличения возможности по регистрации частиц в детекторном комплексе STAR была проведена установка сегментированной системы времени пролета (TOF). Детектор TOF имеет цилиндрическую форму и окружает ТРС. Для идентификации частицы используется информация о времени пролета, т.е. времени между столкновением пучка ионов и попаданием частицы в определенный сегмент детектора. С использованием информации о треке частицы от время-проекционной камеры возможно определить импульс частицы и длину ее траектории. Таким образом, используя длину траектории и время пролета частицы для каждого трека определяется скорость  $\beta$ . Зная импульс, определяется масса частицы по формуле 2.

$$m^2 = p^2 \left[ \frac{t_{flight}}{L_{track}c} - 1 \right] \tag{2}$$

где р - импульс частицы, измеренный с помощью  $\mathrm{TPC},\ L_{track}$  - длина трека частицы,  $t_{flight}$  - время пролета частицы, измеренное  $\mathrm{TOF}.$ 

В детекторном комплексе STAR система TOF создана на основе многозазорной камеры с резистивными пластинами (Multigap Resistive Plate Chamber) [8]. Время-пролетная камера измеряет время, за которое частица пролетает от точки столкновения до крайней точки детектора. ТОF имеет временное разрешение 85 пс, покрывает диапазон  $|\eta| < 0,9$  и может идентифицировать частицы с импульсом до  $2 \ \Gamma \ni B/c$ .

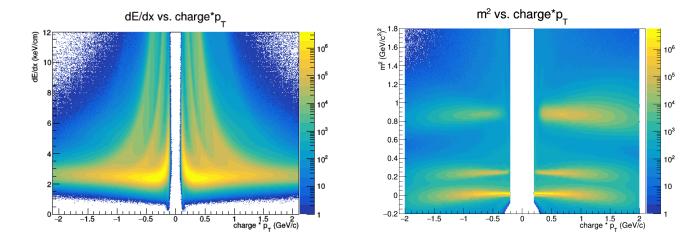


Рис. 3. Распределения разницы экспериментальных и теоретических ионизационных потерь в стандартных отклонениях (слева) и квадрата массы (справа) в зависимости от импульса.

Наличие время-пролетной системы позволяет проводить регистрацию частиц в более широком интервале импульсов, чем только с одной время-проекционной камерой.

# 2. Метод измерения коллективных потоков

#### 2.1. Оценка угла плоскости события

Плоскость реакции  $\Psi_{RP}$  нельзя непосредственно измерить в эксперименте. Поэтому используется оценочное значение  $\Psi_n$ , которое обычно называют углом плоскости события. Существуют разные способы измерения коллективных потоков. Каждый по-разному чувствителен к потоку и непотоковым корреляциям. В данной работе используется метод плоскости события (Event Plane method) [4]. Угол плоскости события  $\Psi_n$  может быть получен, используя Q-вектора [2]:

$$Q_n \cos(n\Psi_n) = X_n = \sum_i \omega_i \cos(n\phi_i)$$
 (3)

$$Q_n \sin(n\Psi_n) = Y_n = \sum_i \omega_i \sin(n\phi_i)$$
 (4)

$$\Psi_n = \frac{1}{n} \arctan \frac{\sum_i \omega_i \sin(n\phi_i)}{\sum_i \omega_i \cos(n\phi_i)}$$
 (5)

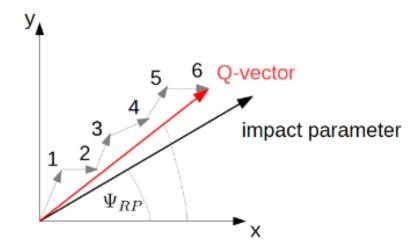


Рис. 4. Графическая визуализация Q-вектора.

Суммирование производится по всем частицам, рожденным в событии,  $\phi_i$ ,  $\omega_n$  - азимутальный угол и вес для і-той частицы.

# 2.2. Коррекции угла плоскости события

Так как в детекторе регистрируются не все частицы к вектору потока и углу плоскости события применяются следующие процедуры: отцентровка (recentering) и выполаживание (flattening) [4, 12]. При идеальном аксепнатсе детекторов распределение  $\Psi_n$  по всем событиям должно быть равномерным,

то есть среднее значение Q-вектора по всем событиям должно равняться нулю. Из-за неидеальности детектора среднее значение Q-векторов может смещаться на некоторую величину, что корректирует отцентровка:

$$Q_{x(y)}^{Recent} = Q_{x(y)} - \langle Q_{x(y)} \rangle \tag{6}$$

Для избавления эффекта «волнистости» и окончательного выравнивания распределения плоскостей событий применяется процедура выполаживания:

$$\Psi_n^{Flattening} = \Psi_n^{Recent} + \Delta \Psi_n^{Recent} \tag{7}$$

где

$$\Delta \Psi_n^{Recent} = \sum_{i=1}^{i_{max}} \frac{2}{i} (-\langle \sin(in\Psi_n) \rangle \cos(in\Psi_n) + \langle \cos(in\Psi_n) \rangle \sin(in\Psi_n))$$
 (8)

## 2.3. Измерение величины коллективного потока

После нахождения угла плоскости события, вычисляется значение потока. Можно записать, что:

$$\underbrace{\langle cos[n(\phi - \Psi_n)] \rangle}_{v_n^{obs}} = \langle cos[n((\phi - \Psi_{RP}) - (\Psi_n - \Psi_{RP}))] \rangle = \underbrace{\langle cos[n(\phi - \Psi_{RP})] \rangle}_{v_n} \underbrace{\langle cos[n(\Psi_n - \Psi_{RP})] \rangle}_{Res\{\Psi_n\}} \tag{9}$$

Для получения правой части уравнения 9 предполагалось, что разница между углом плоскости реакции  $\Psi_{RP}$  и углом плоскости события  $\Psi_n$  является случайной величиной, и учитывалось, что при усреднении по всем событиям все члены с синусами равны нулю. Величина  $Res\{\Psi_n\}$  называется разрешением плоскости реакции. Для определения истинной величины потока  $v_n$ , значение наблюдаемого потока  $v_n^{obs}$  необходимо поделить на разрешение  $Res\{\Psi_n\}$ :

$$v_n = \frac{\cos[n(\phi - \Psi_n)]}{\langle \cos[n(\Psi_n - \Psi_{RP})] \rangle} = \frac{\cos[n(\phi - \Psi_n)]}{Res\{\Psi_n\}}$$
(10)

Существуют различные методы вычисления разрешения плоскости события [4]. Один из них будет описан ниже.

## 2.4. Метод двух подсобытий

В данной работе для вычисления разрешения плокости события и последующего получения значений потока используется метод двух подсобытий (2Sub-Event method). Идея состоит в том, чтобы искусственно поделить детектор TPC на два независимых сегмента:  $TPC^{east}$  ( $\eta < 0$ ) и  $TPC^{west}$  ( $\eta > 0$ ), вырезав при этом часть детектора, где происходит столкновение ядер. Для этого берется диапазон по псевдобыстроте, называемый  $\Delta \eta - gap$ . Треки, имеющие значение псевдобытроты, лежащее в данном диапазоне, не используются для вычисления разрешения плоскости события и значений коллективных потоков. Тогда формула 10 и  $\text{Res}\{\Psi_n\}$  запишутся следующим образом:

$$Res\{\Psi_n\} = \sqrt{\langle \cos(n(\Psi_{n,\eta-} - \Psi_{n,\eta+}))\rangle}$$
 (11)

$$v_n = \frac{\cos(n(\phi_{\pm} - \Psi_{n,\mp}))}{\sqrt{\langle\cos(n(\Psi_{n,\eta-} - \Psi_{n,\eta+}))\rangle}}$$
(12)

где  $\Psi_{n,\eta_{+}}$  и  $\Psi_{n,\eta_{-}}$  – углы плоскости события, посчитанные для  $TPC^{west}$  и  $TPC^{east}$  соответсвенно,  $\phi_{\pm}$  – азимутальный угол трека, восстановленного в  $TPC^{west}$  и  $TPC^{east}$ . Использование этого метода в данной работе позволяет устранить автокорреляции, возникающие вследствие того, что угол плоскости события  $\Psi_{n}$  и коэффициент азимутальной анизотропии  $v_{n}$  рассчитываются с помощью одних и тех же частиц в событии. Поэтому эти величины вычисляются в разных подсобытиях [10].  $\Delta \eta - gap$  позволяет исключить непотоковые корреляции такие, как резонансы, фемтоскопические корреляции и струи.

# 3. Результаты измерения коллективных потоков

## 3.1. Отбор событий

В данной работе использовались данные столкновений Au+Au при энергиях программы сканирования BES-I экперимента STAR: 11.5, 14.5, 19.6, 27, 39 и 62.4 ГэВ на пару нуклонов. Набираемые события проходили минимальный отбор онлайн, что подразумевало наличие сигнала в калориметре нулевых углов ZDC (Zero Degree Calorimeter), детекторе позиции вершины столкновения VPD (Vertex Position Detectors) и в сцинтилляционных детекторах ВВС (Веат-Веат Counter). Часть событий при низких энергиях были вызваны взаимодействием пучка со стенками ионопровода, в результате большого эмиттанса пучка. Фон из-за этих событий был уменьшен требованием, чтобы положение первичной вершины столкновения находилось в радиусе менее 2 см от центра ионопровода. Для столкновений при энергии 14.5 ГэВ на пару нуклонов ставится более строгое условие, менее 1 см, и за центр ионопровода берется (0.0; -0.89), так как в этот год был установлен кремниевый детектор HFT (Heavy Flavor Tracker). Отбирались события с положением первичной вершины вдоль направления пучка в диапазонах, указанных в таблице 3.1.

Таблица 1. Диапазоны отбора положения первичной вершины вдоль направления пучка (Z координаты)

$\sqrt{s_{NN}} \ (\Gamma \ni B)$	Диапазон Z координаты (см)
11.5	[-50, 50]
14.5	[-70, 70]
19.6	[-70, 70]
27	[-70, 70]
39	[-40, 40]
62.4	[-40, 40]

Чтобы исключить наложение событий, требовалось, чтобы хотя бы два хита из времяпролетной системы ТОF были сопоставлены двум реконструируемым трекам из первичной вершины в время-проекционной камеры ТРС.

## 3.2. Отбор треков и идентификация частиц

Отбирались только первичные треки, которые лежат в диапазонах по псевдобыстроте  $|\eta|<1$  и по азимутальному углу  $0<\phi<2\pi$ . Для обеспечения

точной реконструкции импульса частицы исключались треки, имеющие меньше 15 кластеров ионизации  $N_{hits}$  в время-проекционной камере. Для улучшения разделения треков требуем, чтобы отношение количества точек ионизации к количеству возможных точек  $N_{hits}/N_{hits}^{poss}$  было больше 0.52.

Для восстановления угла плоскости события использовались заряженные адроны с полным импульсом в диапазоне от  $0.15~\Gamma \nu B/c$  до  $5.0~\Gamma \nu B/c$  и с расстоянием от реконструированного трека до первичной вершины DCA меньше 1 см, чтобы обеспечить отбор первичных треков. Для  $14.5~\Gamma \nu B$  отбирались треки с поперечным импульсом от  $0.2~\Gamma \nu B/c$  до  $2.0~\Gamma \nu B/c$  и с DCA  $< 2~\rm cm$ .

В данной работе для измерения эллиптического  $v_2$  и треугольного  $v_3$  потоков отбирались долгоживущие частицы: пионы, каоны и протоны ( $\pi^{\pm}$ ,  $K^{\pm}$ , р и  $\bar{p}$ ). Идентификация проводилась с использованием удельных ионизационных потерь в TPC и информации о квадрате массы частицы из TOF.

Таблица 2. Диапазоны квадрата массы

Частица	$m^2~(\Gamma$ э $\mathrm{B}/c^2)^2$
пионы $(\pi^{\pm})$	(-0.15, 0.1)
каоны $(K^{\pm})$	(0.2, 0.32)
протоны $(p, \bar{p})$	(0.74, 1.20)

Отбирались треки, для которых разница экспериментальных и теоретических ионизационных потерь в стандартных отклонениях меньше  $3\sigma$  и которые имеют сигнал в TOF. Отбор по квадрату массы частицы, проводился в следующих диапазонах, приведенных в таблице 3.2.

#### 3.3. Вычисление разрешения плоскости реакции

Разрешение плоскости реакции для второй и третьей гармоники вычислялось по формуле 11 с  $\Delta\eta-gap=0.1$ . На рисунке 5 представлены разрешения плоскости реакции как функции центральности для разных энергий, вычисленные для время-проекционной камеры ТРС. Разрешение плоскости события было рассчитано для девяти различных интервалов центральности  $(0-5\%,\ 5-10\%,\ 10-20\%,\ 20-30\%,\ 30-40\%,\ 40-50\%,\ 50-60\%,\ 60-70\%$  и 70-80%). Поскольку разрешение плоскости события зависит от количества частиц, используемых для реконструкции, оно увеличивается от периферийных до центральных столкновений, это можно наблюдать как для второй и третьей гармоник. С другой стороны, плоскость события вычисляется с использованием анизотропного потока самого события [11]. Поэтому разрешение для второй гармоники уменьшается для центральных столкновений, где значения потока

малы, а разрешение для третьей гармоники практически не меняется, так как треугольный поток слабо зависит от центральности столкновения.

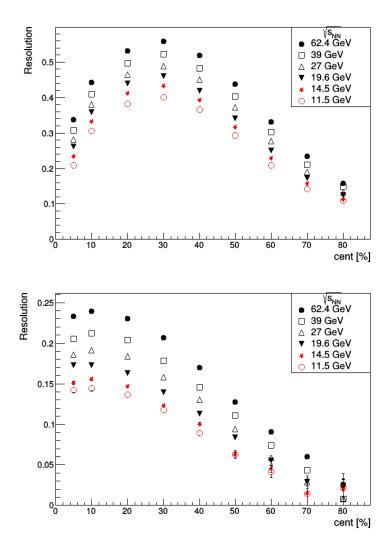


Рис. 5. Разрешение плоскости реакции как функция центральности для второй (верхний график) и третьей (нижний график) гармоник для разных энергий.

# 3.4. Коллективные потоки идентифицированных адронов

Для вычисления коллективных потоков пионы и каоны отбирались с поперечными импульсами от 0.2 до 3.2 ГэB/с, протоны и антипротоны от 0.5 до 3.2 ГэB/с. На рисунке 6 представлена разность эллиптического и треугольного потоков частиц и их античастиц как функция энергии, соответствующая диапазонам по центральности 0-10% и 10-40%. Наблюдается значительная разница в  $v_2$  между частицами и соответствующими античастицами. При энергиях выше 39 ГэВ на пару нуклонов разница практически постоянная, но при уменьшении энергии она возрастает. Следовательно, существует зависимость разницы эллиптического потока частиц и античастиц от химического барионного потенциала  $\mu_B$ . Разница  $v_2(X) - v_2(\bar{X})$  больше для протонов чем для пионов и каонов.

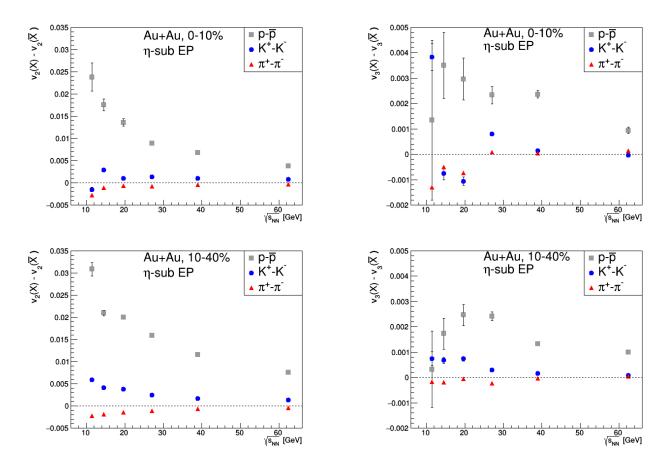


Рис. 6. Разница эллиптического (слева) и треугольного (справа) потоков частиц и античастиц как функция энергии столкновения на пару нуклонов для центральности 0-10% (верхний ряд) и 10-40% (нижний ряд)

Для разности треугольного потока частиц и античастиц не наблюдается зависимость от энергии пучка. Разница  $v_3(X) - v_3(\bar{X})$  также больше для протонов чем пионов и каонов кроме одной точки, которая соответствует энергии пучка 11.5 ГэВ. На рисунках 7, 8 и 9 представлена разность потоков частиц и их античастиц как функция энергии пучка для разных диапазонов центральности. Разность  $v_2(X) - v_2(\bar{X})$  увеличивается от центральных к периферическим столкновениям. Разность треугольного потока частиц и их античастиц от центральности зависит слабо.

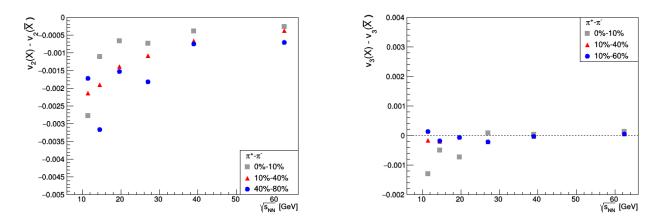


Рис. 7. Разность эллиптического (слева) и треугольного (справа) потоков пионов ( $\pi^+$  и  $\pi^-$ ) для разных диапазонов центральностей

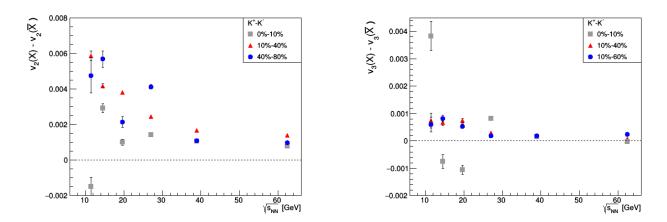


Рис. 8. Разность эллиптического (слева) и треугольного (справа) потоков каонов ( $K^+$  и  $K^-$ ) для разных диапазонов центральностей

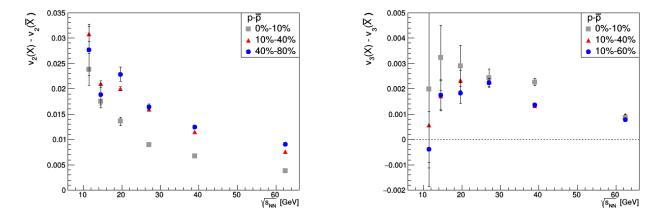


Рис. 9. Разность эллиптического (слева) и треугольного (справа) потоков протонов (p и  $\bar{p}$ ) для разных диапазонов центральностей

## Заключение

В данной работе изучались коллективные потоки идентифицированных адронов в столкновениях ядер золота при энергиях программы сканирования BES-I эксперимента STAR (RHIC). Были измерены эллиптический и треугольный потоки идентифицированных адронов: пионов, каонов и протонов  $(\pi^{\pm}, K^{\pm}, p, \bar{p})$ . Представлена разность потоков частиц и соответствующих им античастиц как функция энергии столкновения ядер золота на пару нуклонов. Разность значений эллиптического потока увеличивается при уменьшении энергии столкновения, причем разность протонов и антипротонов достигает величины, в несколько раз превышающей значения разности для мезонов при низких энергиях столкновения. Также присутствует зависимость от центральности. Разность треугольного потока частиц и античастиц не имеет зависимости от энергии столкновения и практически не зависит от центральности. Полученные значения треугольного потока являются новыми для данных энергий (11.5, 14.5, 19.6, 27, 39, 62.4 ГэВ на пару нуклонов).

## Список литературы

- [1] Коротких В.Л. Эффекты кварк-глюонной плазмы в столкновениях релятивистских ионов. Учебное пособие.—М.: Издательство КДУ, 2018.—148с.
- [2] Voloshin S., Zhang Y. Flow Study in Relativistic Nuclear Collisions by Fourier Expansion of Azimuthal Particle Distributions, Z. Phys. C 70, 1996, 665-672.
- [3] Agakishiev G., Aggarwal M.M. et al. Directed and elliptic flow of charged particles in Cu+Cu collisions at  $\sqrt{s_{NN}}=22.4$  GeV. Phys. Rev. C 85, 014901, 2012.
- [4] Poskanzer A.M., Voloshin S.A. Methods for analyzing anisotropic flow in relativistic nuclear collisions. Phys. Rev. C58, 1998, 1671-1678.
- [5] Ackermann K.H. et al. STAR detector overview. Nucl. Instrum. Meth., A 499, 2003, 624-632.
- [6] Anderson M. The STAR Time Projection Chamber: A Unique Tool for Studying High Multiplicity Event at RHIC. Nucl. Instrum. Meth., A 499, 2003, 659-678.
- [7] Bergsma F. The STAR magnet system. Nucl. Instrum. Meth., A 499, 2003, 633-642.
- [8] Kotchenda L. The STAR TPC Gas System. Nucl. Instrum. Meth., A 499, 2003, 703-712.
- [9] Ackermann K.H. et al. The STAR Time Projection Chamber: A Unique Tool for Studying High Multiplicity Events at RHIC. Nucl. Instrum. Meth., A 499, 2003, 659-678.
- [10] Коротких В.Л. и др. Эллиптических поток частиц в соударениях тяжёлых ионов и возможность его исмерения при энергиях LHC. Ядерная Физика, 2008, том 71, номер 12, 1-10
- [11] Adamczyk L. et al. Elliptic flow of identified hadrons in Au+Au collisions at  $\sqrt{s_{NN}} = 7.7\text{-}62.4$  GeV. Phys. Rev. C 88, 014902, 2013.
- [12] Selyuzhenkov I., Voloshin S. Effects of non-uniform acceptance in anisotropic flow measurement. Phys. Rev. C 77, 034904, 2007.
- [13] Adamczyk L. et al. Centrality dependence of identified particle elliptic flow in relativistic heavy ion collisions at  $\sqrt{s_{NN}} = 7.7\text{-}62.4$  GeV. Phys. Rev. C 93, 014907, 2016.